

**Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение
«Гимназия № 14»**

Обсуждено и принято на заседании
школьного методического объединения
учителей естественно-научного
цикла предметов
Протокол от 30.08.2022 г. № 1

Утверждаю
Директор МБОУ «Гимназия № 14»
Куртеев М.В.
Приказ от 31.08.2022 г. № 78-д



**Рабочая программа
учебного предмета «Математика»
на уровень среднего общего образования
на 2022/2023 учебный год**

Составители:
Смольникова Н.А.,
учитель математики
первой квалификационной категории
Куртеева В.А.,
учитель математики

Пояснительная записка

Программа по предмету основного среднего образования разработана в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования (ФГОС СОО) и с учётом основной образовательной программы среднего общего образования (ООП СОО).

В соответствии с принятой Концепцией развития математического образования в Российской Федерации, математическое образование решает следующие ключевые задачи:

- «предоставлять каждому обучающемуся возможность достижения уровня математических знаний, необходимого для дальнейшей успешной жизни в обществе»;
- «обеспечивать необходимое стране число выпускников, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования в различных направлениях и для практической деятельности, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и др.»;
- «в основном общем и среднем общем образовании необходимо предусмотреть подготовку обучающихся в соответствии с их запросами к уровню подготовки в сфере математического образования».

Соответственно, выделяются три направления требований к результатам математического образования:

- 1) практико-ориентированное математическое образование (математика для жизни);
- 2) математика для использования в профессии;
- 3) творческое направление, на которое нацелены те обучающиеся, которые планируют заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, физики, экономики и других областях.

Эти направления реализуются в двух блоках требований к результатам математического образования.

На базовом уровне:

– Выпускник научится в 10–11-м классах: для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики.

– Выпускник получит возможность научиться в 10–11-м классах: для развития мышления, использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики.

Данная рабочая программа составлена на основе методического пособия:

1) Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации. 10-11 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций/ Н.Е. Фёдорова, М.В. Ткачёва. – М.: Просвещение, 2017г.

2) Геометрия. Сборник примерных рабочих программ ФГОС. 10-11 классы. Базовый и углублённый уровни/ Т.А. Бурмирова – М.: Просвещение, 2020.

Спецификой образовательной организации является реализация гимназического образования, сутью которого является интеллектуальное, творческое и нравственное развитие личности. Миссия гимназии заключается в создании условий межкультурной интеграции, обеспечивающих полноценное развитие индивидуальных способностей каждого учащегося в лингво-ориентированной среде через реализацию продуктивного сотрудничества всех участников образовательных отношений, ориентированного на

создание высокого творческого настроения и мотивации учения, самообразования и самосовершенствования, формирование гражданского самосознания, эффективной ориентации и функционирования в современном обществе.

Состав учебно-методического комплекса

1. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы: учебник для общеобразовательных организаций; базовый и углублённый уровни/ Ш.А. Алимов и др – М: Просвещение, 2020.

2. Шабунин М.И., Ткачёва М.В., Фёдорова Н.Е. и др. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс. Базовый и углублённый уровни

3. Шабунин М.И., Ткачёва М.В., Фёдорова Н.Е. и др. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 11 класс. Базовый и углублённый уровни

4. Фёдорова Н.Е. Изучение алгебры и начал анализа. Книга для учителя. 10-11 классы

5. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10-11 классы: учебник для общеобразовательных организаций; базовый и углублённый уровни/ Л.С. Атанасян и др. – М.: Просвещение, 2020.

6. Геометрия. Поурочные разработки. 10-11 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций/ С.М. Саакян, В.Ф. Бутузов. – М.: Просвещение, 2017.

7. Геометрия. Сборник примерных рабочих программ ФГОС. 10-11 классы. Базовый и углублённый уровни: учебное пособие для учителей общеобразовательных организаций/ Т. А. Бурмистрова. – М.: Просвещение, 2020

Планируемые результаты освоения учебного предмета

Базовый уровень		
«Проблемно-функциональные результаты»		
Раздел	Выпускник научится	Выпускник получит возможность научиться
Цели освоения предмета	Для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики	Для развития мышления, использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики
Требования к результатам		
Элементы теории множеств	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал; ● оперировать на базовом уровне понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример; ● находить пересечение и объединение двух множеств, представленных графически на числовой прямой; ● строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями; ● распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● использовать числовые множества на координатной прямой для описания реальных процессов и явлений; ● проводить логические рассуждения в ситуациях повседневной жизни 	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости; ● оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример; ● проверять принадлежность элемента множеству; ● находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости; ● проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений; ● проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов
Числа и выражения	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение 	<ul style="list-style-type: none"> ● Свободно оперировать понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение числа, часть,

числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;

- оперировать на базовом уровне понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;
- выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;
- выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;
- сравнивать рациональные числа между собой;
- оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;
- изображать точками на числовой прямой целые и рациональные числа;
- изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;
- выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;
- выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;
- вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;
- оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.

В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:

- выполнять вычисления при решении задач практического характера;

доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;

- *приводить примеры чисел с заданными свойствами делимости;*
- *оперировать понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, радианная и градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, числа e и π ;*
- *выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применяя при необходимости вычислительные устройства;*
- *находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства;*
- *пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;*
- *проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, корни, логарифмы и тригонометрические функции;*
- *находить значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;*
- *изобразить схематически угол, величина которого выражена в градусах или радианах;*
- *использовать при решении задач табличные значения тригонометрических функций углов;*
- *выполнять перевод величины угла из радианной меры в градусную и обратно.*

В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:

- *выполнять действия с числовыми данными при решении задач практического характера и задач из*

	<ul style="list-style-type: none"> ● выполнять практические расчеты с использованием при необходимости справочных материалов и вычислительных устройств; ● соотносить реальные величины, характеристики объектов окружающего мира с их конкретными числовыми значениями; ● использовать методы округления, приближения и прикидки при решении практических задач повседневной жизни 	<p><i>различных областей знаний, используя при необходимости справочные материалы и вычислительные устройства;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● <i>оценивать, сравнивать и использовать при решении практических задач числовые значения реальных величин, конкретные числовые характеристики объектов окружающего мира</i>
<p>Уравнения и неравенства</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения; ● решать логарифмические уравнения вида $\log_a (bx + c) = d$ и простейшие неравенства вида $\log_a x < d$; ● решать показательные уравнения, вида $a^{bx+c} = d$ (где d можно представить в виде степени с основанием a) и простейшие неравенства вида $a^x < d$ (где d можно представить в виде степени с основанием a); ● приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения вида: $\sin x = a$, $\cos x = a$, $\operatorname{tg} x = a$, $\operatorname{ctg} x = a$, где a – табличное значение соответствующей тригонометрической функции. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● составлять и решать уравнения и системы уравнений при решении несложных практических задач 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, простейшие иррациональные и тригонометрические уравнения, неравенства и их системы;</i> ● <i>использовать методы решения уравнений: приведение к виду «произведение равно нулю» или «частное равно нулю», замена переменных;</i> ● <i>использовать метод интервалов для решения неравенств;</i> ● <i>использовать графический метод для приближенного решения уравнений и неравенств;</i> ● <i>изображать на тригонометрической окружности множество решений простейших тригонометрических уравнений и неравенств;</i> ● <i>выполнять отбор корней уравнений или решений неравенств в соответствии с дополнительными условиями и ограничениями.</i> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● <i>составлять и решать уравнения, системы уравнений и неравенства при решении задач других учебных предметов;</i> ● <i>использовать уравнения и неравенства для построения и исследования простейших математических моделей реальных ситуаций или прикладных задач;</i> ● <i>уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат,</i>

		оценивать его правдоподобие в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи
<p style="text-align: center;">Функции</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период; ● оперировать на базовом уровне понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции; ● распознавать графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций; ● соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы; ● находить по графику приближённо значения функции в заданных точках; ● определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.); ● строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания / убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.). <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p>	<p><i>оценивать его правдоподобие в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; ● оперировать понятиями: прямая и обратная пропорциональность, линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции; ● определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции; ● строить графики изученных функций; ● описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения; ● строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов, асимптоты, нули функции и т.д.); ● решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, период и т.п.);

	<ul style="list-style-type: none"> ● определять по графикам свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства и т.п.); ● интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;</i> ● <i>определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</i>
<p align="center">Элементы математического анализа</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции; ● определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке; ● решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции – с другой. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● пользуясь графиками, сравнивать скорости возрастания (роста, повышения, увеличения и т.п.) или скорости убывания (падения, снижения, уменьшения и т.п.) величин в реальных процессах; ● соотносить графики реальных процессов и зависимостей с их описаниями, включающими характеристики скорости изменения (быстрый рост, плавное понижение и т.п.); ● использовать графики реальных процессов для решения несложных прикладных задач, в том числе определяя по графику скорость хода процесса 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Оперировать понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</i> ● <i>вычислять производную одночлена, многочлена, квадратного корня, производную суммы функций;</i> ● <i>вычислять производные элементарных функций и их комбинаций, используя справочные материалы;</i> ● <i>исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа.</i> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● <i>решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик реальных процессов, нахождением наибольших и наименьших значений, скорости и ускорения и т.п.;</i> ● <i>интерпретировать полученные результаты</i>
<p align="center">Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения; ● оперировать на базовом уровне понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями; 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах, и распределениях, о независимости случайных величин;</i> ● <i>иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</i> ● <i>иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</i>

	<ul style="list-style-type: none"> ● вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● оценивать и сравнивать в простых случаях вероятности событий в реальной жизни; ● читать, сопоставлять, сравнивать, интерпретировать в простых случаях реальные данные, представленные в виде таблиц, диаграмм, графиков 	<ul style="list-style-type: none"> ● понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей; ● иметь представление об условной вероятности и о полной вероятности, применять их в решении задач; ● иметь представление о важных частных видах распределений и применять их в решении задач; ● иметь представление о корреляции случайных величин, о линейной регрессии. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни; ● выбирать подходящие методы представления и обработки данных; ● уметь решать несложные задачи на применение закона больших чисел в социологии, страховании, здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях
<p>Текстовые задачи</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Решать несложные текстовые задачи разных типов; ● анализировать условие задачи, при необходимости строить для ее решения математическую модель; ● понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков; ● действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи; ● использовать логические рассуждения при решении задачи; ● работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи; ● осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии; ● анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту; 	<ul style="list-style-type: none"> ● Решать задачи разных типов, в том числе задачи повышенной трудности; ● выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы; ● строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения; ● решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата; ● анализировать и интерпретировать результаты в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту; ● переводить при решении задачи информацию из одной формы в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы; <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● решать практические задачи и задачи из других предметов

	<ul style="list-style-type: none"> ● решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.; ● решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью; ● решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек; ● решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.; ● использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● решать несложные практические задачи, возникающие в ситуациях повседневной жизни 	
<p>Геометрия</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей; ● распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб); ● изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов; ● делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; ● извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках; ● применять теорему Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур; ● находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с применением формул; 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</i> ● <i>применять для решения задач геометрические факты, если условия применения заданы в явной форме;</i> ● <i>решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам;</i> ● <i>делать (выносные) плоские чертежи из рисунков объемных фигур, в том числе рисовать вид сверху, сбоку, строить сечения многогранников;</i> ● <i>извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;</i> ● <i>применять геометрические факты для решения задач, в том числе предполагающих несколько шагов решения;</i>

	<ul style="list-style-type: none"> ● распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар); ● находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул. <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● соотносить абстрактные геометрические понятия и факты с реальными жизненными объектами и ситуациями; ● использовать свойства пространственных геометрических фигур для решения типовых задач практического содержания; ● соотносить площади поверхностей тел одинаковой формы различного размера; ● соотносить объемы сосудов одинаковой формы различного размера; ● оценивать форму правильного многогранника после спилов, срезов и т.п. (определять количество вершин, ребер и граней полученных многогранников) 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве;</i> ● <i>формулировать свойства и признаки фигур;</i> ● <i>доказывать геометрические утверждения;</i> ● <i>владеть стандартной классификацией пространственных фигур (пирамиды, призмы, параллелепипеды);</i> ● <i>находить объемы и площади поверхностей геометрических тел с применением формул;</i> ● <i>вычислять расстояния и углы в пространстве.</i> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> ● <i>использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из других областей знаний</i>
<p><i>Векторы и координаты в пространстве</i></p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Оперировать на базовом уровне понятием декартовы координаты в пространстве; ● находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Оперировать понятиями декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные векторы;</i> ● <i>находить расстояние между двумя точками, сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам;</i> ● <i>задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;</i> ● <i>решать простейшие задачи введением векторного базиса</i>
<p><i>История математики</i></p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; ● знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей; ● понимать роль математики в развитии России 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Представлять вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;</i> ● <i>понимать роль математики в развитии России</i>

<p><i>Методы математики</i></p>	<ul style="list-style-type: none"> ● Применять известные методы при решении стандартных математических задач; ● замечать и характеризовать математические закономерности в окружающей действительности; ● приводить примеры математических закономерностей в природе, в том числе характеризующих красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства 	<ul style="list-style-type: none"> ● <i>Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</i> ● <i>применять основные методы решения математических задач;</i> ● <i>на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</i> ● <i>применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач</i>
---------------------------------	---	--

Содержание учебного предмета

Основная базовая программа

Алгебра и начала анализа

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений.

Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства.

Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков.

Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции $y = \sqrt{x}$. Графическое решение уравнений и неравенств.

Тригонометрическая окружность, *радианная мера угла*. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Значения тригонометрических функций для углов $0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ$. $(0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}, \pi, \frac{3\pi}{2}$ рад). *Формулы сложения тригонометрических функций, формулы приведения, формулы двойного аргумента*.

Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции. Четность и нечетность функций. *Сложные функции*.

Тригонометрические функции $y = \cos x, y = \sin x, y = \operatorname{tg} x$. *Функция $y = \operatorname{ctg} x$* . Свойства и графики тригонометрических функций.

Арккосинус, арксинус, арктангенс числа. *Арккотангенс числа*. Простейшие тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений.

Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики. Решение простейших тригонометрических неравенств.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства. Показательная функция и ее свойства и график.

Логарифм числа, свойства логарифма. Десятичный логарифм. *Число e . Натуральный логарифм*. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Метод интервалов для решения неравенств.

Преобразования графиков функций: сдвиг вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, отражение относительно координатных осей. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.

Уравнения, системы уравнений с параметром.

Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. *Правила дифференцирования*.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. *Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач*.

Первообразная. *Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.*

Геометрия

Повторение. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей. *Решение задач с помощью векторов и координат.*

Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). *Основные понятия стереометрии и их свойства. Сечения куба и тетраэдра.*

Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости.

Расстояния между фигурами в пространстве.

Углы в пространстве. Перпендикулярность прямых и плоскостей.

Проекция фигуры на плоскость. Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах.

Многогранники. Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве. Призма и пирамида.

Правильная пирамида и правильная призма. Прямая пирамида. Элементы призмы и пирамиды.

Тела вращения: цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости.

Представление об усеченном конусе, сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения шара. Развертка цилиндра и конуса.

Простейшие комбинации многогранников и тел вращения между собой. Вычисление элементов пространственных фигур (ребра, диагонали, углы).

Площадь поверхности правильной пирамиды и прямой призмы. Площадь поверхности прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса и шара.

Понятие об объеме. Объем пирамиды и конуса, призмы и цилиндра. Объем шара.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей и объемами подобных тел.

Движения в пространстве: параллельный перенос, центральная симметрия, симметрия относительно плоскости, поворот. Свойства движений. Применение движений при решении задач.

Векторы и координаты в пространстве. Сумма векторов, умножение вектора на число, угол между векторами. Коллинеарные и компланарные векторы. *Скалярное произведение векторов. Теорема о разложении вектора по трем некопланарным векторам. Скалярное произведение векторов в координатах. Применение векторов при решении задач на нахождение расстояний, длин, площадей и объемов.*

Уравнение плоскости в пространстве. Уравнение сферы в пространстве. Формула для вычисления расстояния между точками в пространстве.

Вероятность и статистика. Работа с данными

Повторение. Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. *Решение задач на определение частоты и*

вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.

Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.

Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства.

Непрерывные случайные величины. Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение.

Показательное распределение, его параметры.

Понятие о нормальном распределении. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).

Неравенство Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.

Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент корреляции.

Место предмета в учебном плане

Базисный учебный (образовательный) план для изучения предмета «Математика» отводит на базовом уровне 4 учебных часа в неделю в 10—11 классах: на изучение алгебры и начал математического анализа отводится 2,5 учебных часа в неделю в течение каждого года обучения, на изучение геометрии – 1,5 учебных часа в неделю в течение каждого года обучения. Распределение учебного времени представлено в таблице.

Предмет	Количество часов	
	10 класс	11 класс
Математика (интегрированный курс)	136	136
Алгебра и начала математического анализа	85	85
Геометрия	51	51

Для создания условий для оптимизации образовательной деятельности посредством более полного удовлетворения потребностей учащихся в области образования без отрыва от основной учебы, для обеспечения доступности общего образования для детей, имеющих временные ограничения здоровья и не имеющих возможности регулярно посещать школу, обеспечения продолжения образовательной деятельности в условиях карантина, невозможности посещать занятия по причине погодных явлений и т.п., рабочая программа реализуется с использованием дистанционных образовательных технологий.

Тематическое планирование

10 класс

Алгебра и начала математического анализа (2,5 часа в неделю, всего 85 часов)

Номер урока	Примерная дата	Тема урока	Форма контроля
Глава I. Действительные числа (13 часов)			

1.		Целые и рациональные числа.	Контрольная работа № 1
2.		Целые и рациональные числа.	
3.		Действительные числа	
4.		Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	
5.		Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	
6.		Арифметический корень натуральной степени	
7.		Арифметический корень натуральной степени	
8.		Арифметический корень натуральной степени	
9.		Степень с рациональным и действительными показателями	
10.		Степень с рациональным и действительными показателями	
11.		Степень с рациональным и действительными показателями	
12.		Урок обобщения и систематизации знаний	
13.		Контрольная работа № 1	
Глава II. Степенная функция (12 часов)			
14.		Степенная функция, её свойства и график	Контрольная работа № 2
15.		Степенная функция, её свойства и график	
16.		Степенная функция, её свойства и график	
17.		Взаимно обратные функции. Сложная функция	
18.		Взаимно обратные функции. Сложная функция	
19.		Равносильные уравнения и неравенства	
20.		Равносильные уравнения и неравенства	
21.		Иррациональные уравнения	
22.		Иррациональные уравнения	
23.		Иррациональные неравенства	
24.		Урок обобщения и систематизации знаний	
25.		Контрольная работа № 2	
Глава III. Показательная функция (10 часов)			
26.		Показательная функция, её свойства и график	Контрольная работа № 3
27.		Показательная функция, её свойства и график	
28.		Показательные уравнения	
29.		Показательные уравнения	

30.		Показательные неравенства	
31.		Показательные неравенства	
32.		Системы показательных уравнений и неравенств	
33.		Системы показательных уравнений и неравенств	
34.		Урок обобщения и систематизации знаний	
35.		Контрольная работа № 3	
Глава IV. Логарифмическая функция (15 часов)			
36.		Логарифмы	Контрольная работа № 4
37.		Логарифмы	
38.		Свойства логарифмов	
39.		Свойства логарифмов	
40.		Десятичные и натуральные логарифмы. Формула перехода	
41.		Десятичные и натуральные логарифмы. Формула перехода	
42.		Логарифмическая функция, её свойства и график	
43.		Логарифмическая функция, её свойства и график	
44.		Логарифмические уравнения	
45.		Логарифмические уравнения	
46.		Логарифмические неравенства	
47.		Логарифмические неравенства	
48.		Логарифмические неравенства	
49.		Урок обобщения и систематизации знаний	
50.		Контрольная работа № 4	
Глава V. Тригонометрические формулы (20 часов)			
51.		Радиианная мера угла	Контрольная работа № 5
52.		Поворот точки вокруг начала координат	
53.		Поворот точки вокруг начала координат	
54.		Определение синуса, косинуса и тангенса угла	
55.		Определение синуса, косинуса и тангенса угла	
56.		Знаки синуса, косинуса и тангенса	
57.		Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	
58.		Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	
59.		Тригонометрические тождества	
60.		Тригонометрические тождества	
61.		Синус, косинус и тангенс углов α и $-\alpha$	
62.		Формулы сложения	

63.		Формулы сложения		
64.		Синус, косинус и тангенс двойного угла		
65.		Синус, косинус и тангенс половинного угла		
66.		Формулы приведения		
67.		Формулы приведения		
68.		Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов		
69.		Урок обобщения и систематизации знаний		
70.		Контрольная работа № 5		
Глава VI. Тригонометрические уравнения (14 часов)				
71.		Уравнение $\cos x = \alpha$		Контрольная работа № 6
72.		Уравнение $\cos x = \alpha$		
73.		Уравнение $\cos x = \alpha$		
74.		Уравнение $\sin x = \alpha$		
75.		Уравнение $\sin x = \alpha$		
76.		Уравнение $\sin x = \alpha$		
77.		Уравнение $\operatorname{tg} x = \alpha$		
78.		Уравнение $\operatorname{tg} x = \alpha$		
79.		Решение тригонометрических уравнений		
80.		Решение тригонометрических уравнений		
81.		Решение тригонометрических уравнений		
82.		Решения простейших тригонометрических неравенств.		
83.		Урок обобщения и систематизации знаний		
84.		Контрольная работа № 6		
85.		Итоговое повторение		
Итого		85 часов	6 контрольных работ	

Геометрия (1,5 часа в неделю, всего 51 час)

Номер урока	Примерная дата	Тема урока	Форма контроля
Введение (3 часа)			
1.		Предмет стереометрии. Аксиомы стереометрии	
2.		Некоторые следствия из аксиом	
3.		Решение задач на применение аксиом стереометрии и их следствий	

Глава I. Параллельность прямых и плоскостей (16 часов)				
4.		Параллельные прямые в пространстве. Параллельность трех прямых	Контрольная работа №1	
5.		Параллельность прямой и плоскости		
6.		Параллельность прямой и плоскости		
7.		Параллельность прямой и плоскости		
8.		Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые		
9.		Углы с сонаправленными сторонами.		
10.		Угол между прямыми		
11.		Урок обобщения и систематизации знаний. Контрольная работа №1		
12.		Параллельные плоскости. Свойства параллельных плоскостей		Контрольная работа №2
13.		Параллельные плоскости. Свойства параллельных плоскостей		
14.		Тетраэд		
15.		Параллелепипед		
16.		Решение задач на построение сечений		
17.		Решение задач на построение сечений		
18.		Урок обобщения и систематизации знаний		
19.		Контрольная работа №2		
Глава II. Перпендикулярность прямых и плоскостей (17 часов)				
20.		Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости	Контрольная работа №3	
21.		Признак перпендикулярности прямой и плоскости		
22.		Признак перпендикулярности прямой и плоскости		
23.		Теорема о прямой, перпендикулярной к плоскости		
24.		Решение задач на перпендикулярность прямой и плоскости		
25.		Расстояние от точки до плоскости.		
26.		Теорема о трёх перпендикулярах		
27.		Теорема о трёх перпендикулярах		
28.		Угол между прямой и плоскостью		
29.		Угол между прямой и плоскостью		
30.		Двугранный угол		
31.		Двугранный угол		

32.		Перпендикулярность плоскостей. Признак перпендикулярности двух плоскостей	
33.		Перпендикулярность плоскостей. Признак перпендикулярности двух плоскостей	
34.		Прямоугольный параллелепипед	
35.		Урок обобщения и систематизации знаний	
36.		Контрольная работа №3	
Глава III. Многогранники (12 часов)			
37.		Понятие многогранника. Призма	Контрольная работа №4
38.		Призма	
39.		Призма	
40.		Пирамида	
41.		Пирамида	
42.		Правильная пирамида	
43.		Усеченная пирамида	
44.		Симметрия в пространстве	
45.		Понятие правильного многогранника	
46.		Элементы симметрии правильных многогранников. Теорема Эйлера	
47.		Урок обобщения и систематизации знаний	
48.		Контрольная работа №4	
Итоговое повторение (3 часа)			
49.		Аксиомы геометрии и их следствия. Параллельность прямых и плоскостей	
50.		Перпендикулярность прямых и плоскостей	
51.		Многогранники. Построение сечений многогранников	
Итого		51 час	4 контрольные работы

11 класс

Алгебра и начала математического анализа (2,5 часа в неделю, всего 85 часов)

Номер урока	Примерная дата	Тема урока	Форма контроля
Глава VII. Тригонометрические функции (14 часов)			
1.		Область определения и множество значений тригонометрических функций	Контрольная работа № 1

2.		Область определения и множество значений тригонометрических функций	
3.		Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций	
4.		Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций	
5.		Свойство функции $y = \cos x$ и её график	
6.		Свойство функции $y = \cos x$ и её график	
7.		Свойство функции $y = \cos x$ и её график	
8.		Свойство функции $y = \sin x$ и её график	
9.		Свойство функции $y = \sin x$ и её график	
10.		Свойства и графики функций $y = \operatorname{tg} x$ и $y = \operatorname{ctg} x$	
11.		Свойства и графики функций $y = \operatorname{tg} x$ и $y = \operatorname{ctg} x$	
12.		Обратные тригонометрические функции	
13.		Урок обобщения и систематизации знаний	
14.		Контрольная работа № 1	
Глава VIII. Производная и её геометрический смысл (16 часов)			
15.		Производная	Контрольная работа № 2
16.		Производная	
17.		Производная степенной функции	
18.		Производная степенной функции	
19.		Правила дифференцирования	
20.		Правила дифференцирования	
21.		Правила дифференцирования	
22.		Производные некоторых элементарных функций	
23.		Производные некоторых элементарных функций	
24.		Производные некоторых элементарных функций	
25.		Геометрический смысл производной	
26.		Геометрический смысл производной	
27.		Геометрический смысл производной	
28.		Урок обобщения и систематизации знаний	
29.		Урок обобщения и систематизации знаний	
30.		Контрольная работа № 2	
Глава IX. Применение производной к исследованию функций (12 часов)			
31.		Возрастание и убывания функции	Контрольная работа № 3
32.		Возрастание и убывания функции	
33.		Экстремумы функции	
34.		Экстремумы функции	
35.		Применение производной к построению графиков функций	

36.		Применение производной к построению графиков функций		
37.		Наибольшее и наименьшее значения функции		
38.		Наибольшее и наименьшее значения функции		
39.		Наибольшее и наименьшее значения функции		
40.		Выпуклость графика функций, точки перегиба		
41.		Урок обобщения и систематизации знаний		
42.		Контрольная работа № 3		
Глава X. Интеграл (11 часов)				
43.		Первообразная	Контрольная работа № 4	
44.		Первообразная		
45.		Правила нахождения первообразных		
46.		Правила нахождения первообразных		
47.		Правила нахождения первообразных		
48.		Площадь криволинейной трапеции и интеграл		
49.		Площадь криволинейной трапеции и интеграл		
50.		Вычисление интегралов. Вычисление площадей фигур с помощью интегралов		
51.		Применение производной интеграла к решению практических задач		
52.		Урок обобщения и систематизации знаний		
53.		Контрольная работа № 4		
Глава XI. Комбинаторика (10 часов)				
54.		Правило произведения	Контрольная работа № 5	
55.		Перестановки		
56.		Перестановки		
57.		Размещения		
58.		Сочетания и их свойства		
59.		Сочетания и их свойства		
60.		Бином Ньютона		
61.		Бином Ньютона		
62.		Урок обобщения и систематизации знаний		
63.		Контрольная работа № 5		
Глава XII. Элементы теории вероятностей (11 часов)				
64.		События	Контрольная работа № 6	
65.		Комбинация событий. Противоположное событие		
66.		Вероятность события		
67.		Вероятность события		
68.		Сложение вероятностей		
69.		Сложение вероятностей		
70.		Независимые события. Умножение вероятностей		
71.		Статистическая вероятность		
72.		Статистическая вероятность		

73.		Урок обобщения и систематизации знаний	
74.		Контрольная работа № 6	
Глава XIII. Статистика (8 часов)			
75.		Случайные величины	Контрольная работа № 7
76.		Случайные величины	
77.		Центральные тенденции	
78.		Центральные тенденции	
79.		Меры разброса	
80.		Меры разброса	
81.		Урок обобщения и систематизации знаний	
82.		Контрольная работа № 7	
Итоговое повторение курса алгебры и начал математического анализа (3 часа)			
83.		Решение тригонометрических уравнений	
84.		Показательная функция, ее свойства и график. Логарифм и его свойства	
85.		Производная. Геометрический смысл производной	
Итого		85 часов	7 контрольных работ

Геометрия (1,5 часа в неделю, всего 51 час)

Номер урока	Примерная дата	Тема урока	Форма контроля
Глава VI. Цилиндр, конус и шар (13 часов)			
1.		Понятие цилиндра	Контрольная работа №1
2.		Понятие цилиндра	
3.		Площадь поверхности цилиндра	
4.		Понятие конуса	
5.		Площадь поверхности конуса	
6.		Усечённый конус	
7.		Сфера и шар	
8.		Взаимное расположение сферы и плоскости	
9.		Касательная плоскость к сфере	
10.		Площадь сферы	
11.		Решение задач на комбинации многогранников и тел вращения	
12.		Урок обобщения и систематизации знаний	
13.		Контрольная работа №1	

Глава VII. Объёмы тел (15 часов)			
14.		Понятие объёма. Объем прямоугольного параллелепипеда	Контрольная работа №2
15.		Объем прямоугольного параллелепипеда	
16.		Объем прямой призмы	
17.		Объем прямой призмы	
18.		Объем цилиндра	
19.		Вычисление объёмов тел с помощью определенного интеграла	
20.		Объём наклонной призмы	
21.		Объём пирамиды	
22.		Объём пирамиды	
23.		Объём конуса	
24.		Объём шара и его частей	
25.		Объём шара и его частей	
26.		Площадь сферы	
27.		Урок обобщения и систематизации знаний	
28.		Контрольная работа №2	
Глава IV. Векторы в пространстве (6 часов)			
29.		Понятие вектора. Равенство векторов	Контрольная работа №3
30.		Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов	
31.		Умножение вектора на число	
32.		Компланарные векторы	
33.		Правило параллелепипеда	
34.		Разложение вектора по трём некомпланарным векторам	
Глава V. Метод координат в пространстве. Движение (11 часов)			
35.		Прямоугольная система координат в пространстве	Контрольная работа №3
36.		Координаты вектора. Связь между координатами векторов и координатами точек	
37.		Простейшие задачи в координатах. Уравнение сферы	
38.		Угол между векторами.	
39.		Скалярное произведение векторов	
40.		Вычисление углов между прямыми и плоскостями	
41.		Уравнение плоскости. Расстояние от точки до плоскости	

42.		Центральная симметрия. Осевая симметрия. Зеркальная симметрия	
43.		Параллельный перенос	
44.		Урок обобщения и систематизации знаний	
45.		Контрольная работа №3	
Итоговое повторение курса геометрии (6 часов)			
46.		Аксиомы стереометрии и их следствия. Параллельность прямых, прямой и плоскости. Скрещивающиеся прямые. Параллельность плоскостей. Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью	
47.		Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей	
48.		Многогранники: Параллелепипед, призма, пирамида, площади их поверхностей	
49.		Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей	
50.		Объёмы тел	
51.		Векторы в пространстве. Действия над векторами. Скалярное произведение векторов	
Итого		51 час	3 контрольные работы